УДК 621.891.2: 621.822 DOI: 10.12737/22017

А.Ю. Албагачиев, В.Д. Данилов

## МАГНИТНАЯ ЖИДКОСТЬ В РЕЖИМЕ ГИДРОДИНАМИЧЕСКОЙ СМАЗКИ СФЕРИЧЕСКИХ ПОВЕРХНОСТЕЙ

С позиции гидродинамической теории смазки рассмотрены характеристики магнитожидкостной смазки в точечном контакте. Решением гидродинамической задачи получено аналитическое выражение, с помощью которого определена несущая

способность слоя магнитной жидкости в зависимости от толщины, вязкости и скорости.

**Ключевые слова:** магнитная смазка, гидродинамика, давление, толщина слоя, вязкость, скорость.

A.Yu. Albagachiev, V.D. Danilov

# MAGNETIC LIQUID IN HYDRODYNAMIC LUBRICATION MODE OF SPHERICAL SURFACES

From the position of the hydrodynamic lubrication theory are considered the peculiarities of magneto-liquid lubrication in a point contact determined with a complicated character of the interaction of hydrodynamic and magnetic forces in a lubrication layer. The pressure distribution in a lubrication layer of magnetic liquid is considered as a super-position of the augend and addend  $p^e$  and  $p^m$  induced with hydrodynamic and magnetic forces. The contribution of the constituent  $p^e$  is described by Reynolds equation in accordance with the classic hydrodynamic theory. At the saturation of magnetic liquid the constituent  $p^m$  is

presented as a function of the magnetic field strength, saturation magnetization of magnetic liquid and its viscosity and also velocity of rolling. As a result of the solution of a hydrodynamic problem through a numerical method there are defined conditions under which a lubrication layer loses its stability that is followed with the loss of carrying capacity in areas with negative pressure. The dependences of resistance to rolling forces, and sliding ones in a contact of spherical surfaces.

**Key words:** magnetic lubrication, hydrodynamics, pressure, layer thickness, viscosity, velocity.

Интерес к магнитной жидкости (МЖ) связан в первую очередь с возможностью использования её в качестве смазочного материала, что обусловливается её структурой и возможностью удержания в зоне трения при помощи магнитного поля. Выдавливаемая из зоны контакта магнитная жидкость под действием магнитных сил возвращается обратно, восстанавливая тем самым разрушенный смазочный слой. Решения гидродинамической задачи применительно к линейному контакту показали эффективность магнитной жидкости в смазке различных типов зубчатых передач, подшипников скольжения и других механизмов. В настоящей работе представлены результаты решения гидродинамической задачи для точечного контакта.

Физическая модель точечного кон-

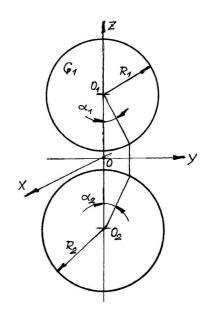


Рис. 1. Физическая модель точечного контакта

такта представлена на рис.1, где  $R_1$  и  $R_2$  ( $R_1$ <  $R_2$ ) - радиусы сферических гладких, жестких и катящихся со скольжением поверхностей. В системе координат xyz ось oz направлена вдоль линии, соединяющей центры  $O_1$  и  $O_2$ .

Зазор между поверхностями описывается зависимостью

$$h=h_0+(x^2+y^2)/2R$$
,

где  $h_o$  - минимальный зазор между поверхностями; R - приведенный радиус кривизны поверхностей.

Считаем, что скорости точек поверхностей направлены вдоль оси x (в месте наибольшего сближения поверхностей, т.е. при x = y = 0). Уравнение Рейнольдса для  $p^2$  запишем в виде

$$\frac{\partial}{\partial x}(h^3\frac{\partial p^2}{\partial x}) + \frac{\partial}{\partial y}(h^3\frac{\partial p^2}{\partial y}) = 12\eta U\frac{\partial h}{\partial x},$$

где  $U=(U_1+U_2)/2$  - скорость качения поверхностей;  $\eta$  - вязкость МЖ.

Составляющая  $p^{M}$  при насыщении МЖ определяется по соотношению

 $p^{M} = \mu_{o}M_{s}H_{max}/h_{0}$ , где  $\mu_{o}=1,256\cdot10^{-6}$  Гн/м;  $M_{S}$  - намагниченность насыщения МЖ;  $H_{max}$ - напряженность магнитного поля в зазоре на оси Oz.

Распределение давлений в слое МЖ в области точечного контакта зависит от параметра

$$q = \frac{\mu_0 M_S H_{\text{max}} h_0}{12 \eta \sqrt{2Rh_0} U}.$$

Из решенных гидродинамических задач при параметре q, изменявшемся в широком диапазоне, на рис. 2 приведено распределение давления при q=0,08. Видно, что при этом значении q на плоскости Oxy имеется область, в которой функция p(x,y) отрицательна. В этой области происходит разрушение смазочного слоя МЖ. Критическое значение q составляет 0,1. При q > 0,1 магнитная жидкость заполняет полностью зазор между поверхностями.

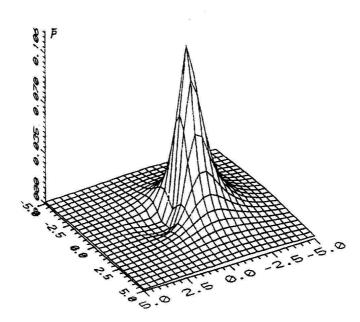


Рис. 2. Распределение давления при q=0,08

Несущая способность смазочного слоя МЖ определяется зависимостью

$$W = \frac{1,2\pi\eta(2Rh_0)^{3/2}U}{h_0^2} + 48\mu_0 Rh_0 M_S H_{\text{max}}.$$

Гидродинамическая составляющая (первый член зависимости) определяется

параметром

$$\overline{W} = \iint_{D} \overline{p^{\varepsilon}(x, y)} dx dy.$$

Зависимость  $\overline{W}$  от q представлена на рис. 3.

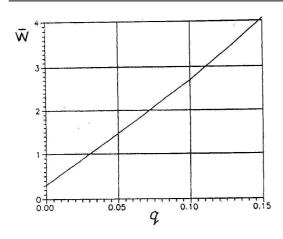
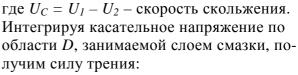


Рис. 3. Влияние q на  $\overline{W}$ 

Можно заключить, что составляющая несущей способности слоя МЖ, обусловленная взаимодействием магнитного поля с магнитной жидкостью, пропорциональна минимальной толщине слоя  $h_0$  и не зависит от вязкости МЖ и скорости.

Сила трения определяется касательным напряжением на оси Ox (действующим на тело  $G_1$ ):

$$\tau_{x} = \eta \frac{U_{C}}{h} + \frac{h}{2} \frac{\partial p}{\partial x},$$



$$F_{mp} = \eta U_C \iint_D \frac{dxdy}{h} + \frac{1}{2} \iint_D h \frac{\partial p}{\partial x}.$$

Переходя к безразмерным переменным, получим:

$$F_{mp} = \eta \frac{U}{h_0} (\frac{U_C}{U} \overline{F}_{mp.c} + \overline{F}_{mp.\kappa}),$$

где

$$\overline{F}_{mp.c} = \iint_{D} \frac{d\overline{x}d\overline{y}}{h}; \ \overline{F}_{mp.\kappa} = 6 \iint_{D} \overline{h} \frac{\partial \overline{p}}{\partial \overline{x}} \partial \overline{x} \partial \overline{y}.$$

Ввиду сложности области D интегралы решаются численно. На рис. 4 приведена зависимость  $F_{mp.c}$  от q: с ростом q значения  $F_{mp.c}$  увеличиваются. Значения  $F_{mp.\kappa}$  с ростом q (рис. 5) уменьшаются. Это обусловлено тем, что с ростом q распределение давления приближается к распределению, симметричному относительно оси x=0.

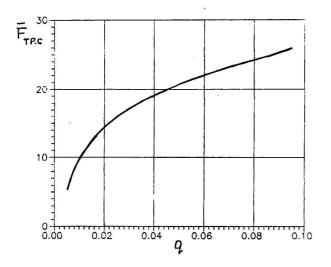


Рис. 4. Влияние q на  $\overline{F_{TP.C}}$ 

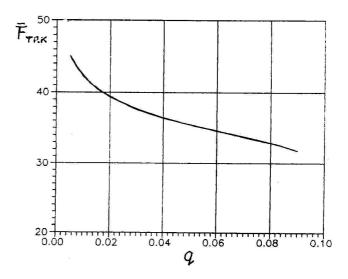


Рис. 5. Влияние q на  $\overline{F_{TP.K}}$ 

#### Заключение

Итак, гидродинамическая задача магнитожидкостной смазки в точечном контакте рассмотрена для магнитной жидкости, находящейся в режиме магнитного насыщения. Установлены условия, при которых смазочный слой теряет устойчивость, что сопровождается потерей несущей способности на участках с отрицательным давлением. Усиление магнитного поля способствует росту протяженности и толщины смазочного слоя, а также контактного давления, выдерживаемого этим слоем.

#### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- 1. Меделяев, И.А. Трение и износ деталей машин / И.А. Меделяев, А.Ю. Албагачиев. М.: Машиностроение, 2008. 460 с.
- 2. Данилов, В.Д. Гидродинамическая задача смазочного слоя магнитной жидкости в линейном и точечном контактах / В.Д. Данилов //Трение и смазка в машинах и механизмах. 2014. №12. 48 с.
- 1. Medelyaev, I.A. *Friction and Wear of Machinery* / I.A. Medelyaev, A.Yu. Albagachiev. M.: Mechanical Engineering, 2008. pp. 460.
- Danilov, V.D. Hydrodynamic problem of lubrication layer of magnetic liquid in line and point contacts / V.D. Danilov //Friction and Lubrication in Machines and Mechanisms. 2014. №12. pp. 48.

Статья поступила в редколлегию 30.06.2016. Рецензент: д.т.н., профессор Брянского государственного технического университета Киричек А.В.

### Сведения об авторах:

**Албагачиев Али Юсупович,** д.т.н., профессор, зав. отделом ИМАШ РАН, e-mail: <u>Albagachiev@yandex.ru</u>.

Данилов Владимир Дмитриевич, к.т.н., СНС ИМАШ РАН, e-mail: danilovvd@mail.ru.

**Albagachiev Ali Yusupovich,** D.Eng., Prof., Dead of the Dep. IMASH RAS, e-mail: <u>Albagachiev@yandex.ru</u>.

**Danilov Vladimir Dmitrievich,** Can.Eng., SNS IMASH RAS, e-mail: <a href="mailto:danilovvd@mail.ru">danilovvd@mail.ru</a>